

المستخلص

تعد عديدات الطيات الجزئية المائلة النقطية امتداداً طبيعياً لعدديات الطيات الجزئية المائلة. إن دراسة عديدات الطيات الجزئية النقطية قد بدأت بواسطة [F. Etayo ٣٥] تحت مسمى عديدات الطيات الجزئية شبه المائلة. بعد ذلك، درس Chen و Garay عديدات الطيات الجزئية المائلة لعدديات الطيات الهيرميشية تقريباً و قد أثبتنا العديد من النتائج المثيرة للاهتمام. عقب ذلك مباشرة، ظهرت العديد من المقالات على عديدات الطيات الجزئية المائلة النقطية في أبنية مختلفة لعدديات الطيات (على سبيل المثال [٧٩], [٦٣], [٥٤], [٤٢], [٣٦]).

من ناحية أخرى، ظهرت فكرة عديدات طيات الضرب الالتقافي في الهندسة التفاضلية من وجهة

نظر هندسية. بدأت دراسة عديدات طيات الضرب الالتقافي بواسطة [R. L. Bishop ١١] و B. O Neill فلقد قدما مفهوم الضروب الالتقافية لدراسة عديدات الطيات ذات الانحناء السلبي. ثم أصبحت هذه الدراسة نشطة و حقلاً مثمراً في الهندسة التفاضلية الحديثة .

تركز الأطروحة الحالية على دراسة عديدات الطيات الجزئية المائلة النقطية و ضروبها الالتقافية. أثبتنا نظريتي الوجود و الوحدانية للانغماسات المائلة النقطية في الفضاء المركب و الفضاء الساساكيان .

علاوة على ذلك، قمنا بتقديم مفهوم الضروب الالتقافية النقطية من النوع كوشي ريمان لعدديات الطيات من النوع cosymplectic و أخيراً قدمنا بعض النتائج الجديدة على عديدات طيات الضرب الالتقافي الجزئية الشاملة في عديدات طيات الضرب الريماني المحلي .

ABSTRACT

Pointwise-slant submanifolds are natural extensions of slant submanifolds. The study of pointwise slant submanifolds was initiated by F. Etayo [37] under the name of quasi-slant submanifolds. Then, B.-Y. Chen and O. J. Garay [28] studied pointwise slant submanifolds of almost Hermitian manifolds and proved many interesting results. Afterwards, several articles appeared on pointwise slant submanifolds in different structures of manifolds (for instance, see [38], [44], [56], [65], [81]).

On the other hand, the idea of warped product manifolds appeared in differential geometry from the geometric point of view in a natural way. The study of warped product manifolds was initiated by R. L. Bishop and B. O'Neill [13]. They introduced the notion of warped products to study the manifolds of negative curvature. Then, this study became an active and fruitful field in modern differential geometry.

The present thesis focuses the study of pointwise-slant submanifolds and their warped products. We establish the existence and uniqueness theorems for pointwise-slant immersions in complex space forms and Sasakian space forms.

Moreover, we introduce the notion of pointwise CR-slant warped products in cosymplectic manifolds. Finally, we present some new results on generic warped product submanifolds in locally product Riemannian manifolds.